

# Organic Computing Peer-to-Peer-Netzwerke

**Rolf Wanka**

Sommersemester 2015

**[rwanka@cs.fau.de](mailto:rwanka@cs.fau.de)**



# Inhalte

---

- Kurze Geschichte der Peer-to-Peer-Netzwerke
- Das Internet: Unter dem Overlay
- Die ersten Peer-to-Peer-Netzwerke
  - Napster
  - Gnutella
- CAN
- Chord
- Pastry
- **Gradoptimierte Netzwerke**
  - **Viceroy**
- Netzwerke mit Suchbäumen
  - Skipnet und Skip-Graphs
  - P-Grid
- Selbstorganisation
  - Pareto-Netzwerke
  - Zufallsnetzwerke
- Sicherheit in Peer-to-Peer-Netzwerken
- Anonymität
- Datenzugriff: Der schnellere Download
- Peer-to-Peer-Netzwerke in der Praxis
  - eDonkey
  - FastTrack
  - Bittorrent
- Peer-to-Peer-Verkehr
- Juristische Situation



## Viceroy

### A Scalable and Dynamic Emulation of the Butterfly

Dahlia Malkhi, Moni Naor, David Ratajczak

Tagungsband

21st Symposium on **P**inciples of **D**istributed **C**omputing,  
**PoDC** 2001, S. 183 - 192.



# Erreichbarer Durchmesser

---

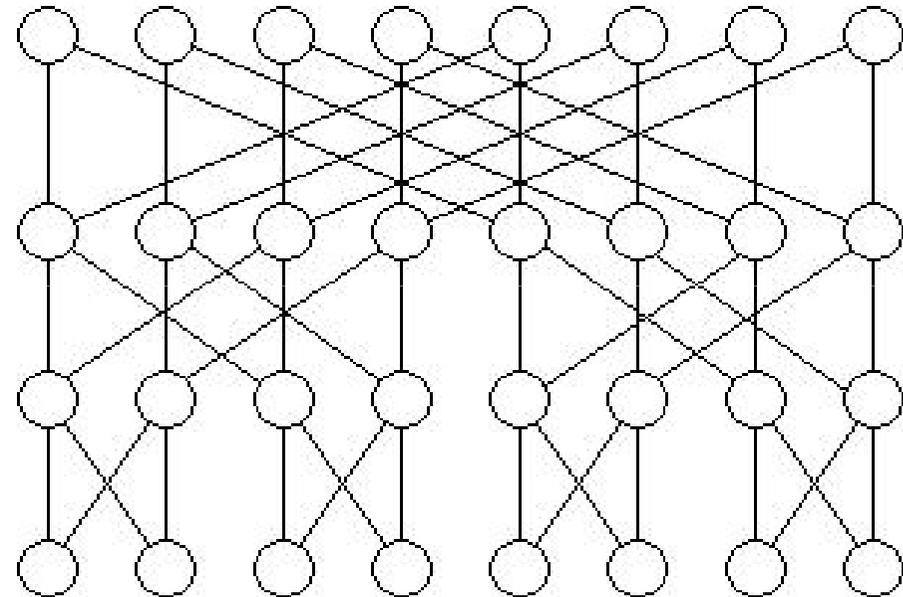
- CAN:
  - Durchmesser  $O(n^{1/2})$
- Gesucht:
  - Netzwerk mit kleinem Ausgangsgrad
  - D.h. Eingangsgrad, Ausgangsgrad konstant,  $O(1)$
  - Durchmesser  $O(\log n)$
- Eine mögliche Lösung:
  - Viceroy



# Definition Butterfly-Graph (mit wrap-around-Kanten)

---

- Knoten:  $(i, S)$ 
  - $i$  ist aus  $\{0, \dots, k-1\}$
  - $S$  ist  $k$ -stelliger Binärstring
- Interpretation
  - $m = 2^k$  Knoten pro Ebene
  - $k$  Ebenen
  - In der Regel werden die Knoten der  $k$ -ten Ebene zweimal gezeichnet
- Kanten: Von  $(i, (b_0, \dots, b_i, \dots, b_{k-1}))$  nach
  - $((i+1) \bmod k, (b_0, \dots, b_i, \dots, b_{k-1}))$  und
  - $((i+1) \bmod k, (b_0, \dots, 1-b_i, \dots, b_{k-1}))$
- $n = k 2^k$  Knoten



# Eigenschaften Butterfly-Graph

---

- Kleiner Grad
  - Eingangsgrad + Ausgangsgrad = 4
- Kleiner Durchmesser
  - mit  $\log m = \log n + \log \log n$  optimal
- Gute Simulationseigenschaften
  - Andere Netzwerke können sehr effizient in einen Butterfly-Graphen eingebettet werden
  - D.h. Eine Kante eines anderen Netzwerks wird durch sehr kurze Pfade im Butterfly-Graph ersetzt
- Einfache Routing-Algorithmen
  - Routing-Entscheidung in konstanter Zeit möglich
- Kaum Flaschhälse
  - Mit hoher W'keit: Kein Knoten wird beim Routing mit Nachrichten überlastet
- Hohe Fehlertoleranz
  - Ausfall von Knoten kann gut toleriert werden

# Übersicht Viceroy

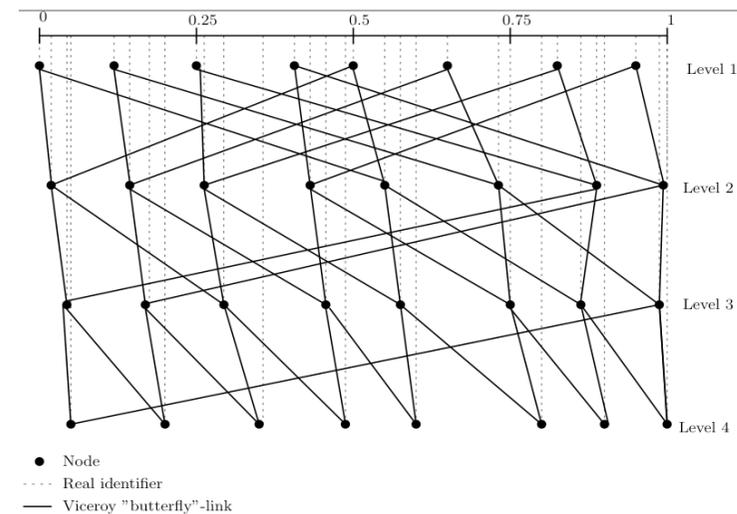
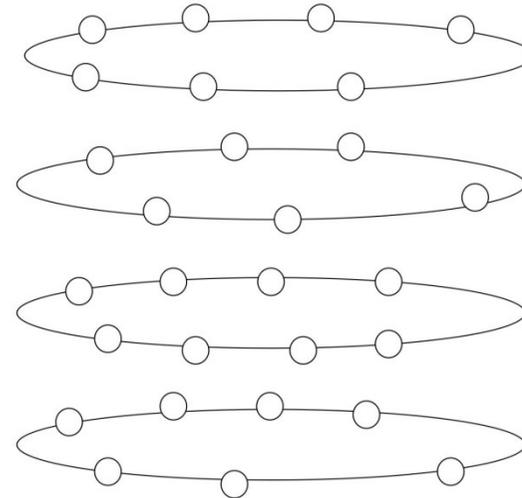
---

- Zielsetzung
  - Skalierbarkeit
  - Bewältigung von Dynamik
  - Verteilung des *Traffic*
- *Congestion*
  - Maximale Anzahl Nachrichten, die ein Peer zu bewältigen hat
- Kosten für Peer-Aufnahme/Entfernen
  - Minimierung Anzahl Nachrichten/Zeit
- *Dilation*, Länge des Suchpfads
- Viceroy war das erste P2P-Netzwerk mit optimaler Grad/Durchmesser-Beziehung
  - Techniken lassen sich auf andere Netzwerke übertragen



# Aufbau Viceroy

- Knoten in Viceroy
  - Wählen anfangs zufällig eine Ebene des Butterfly-Netzwerks
  - (Hierzu ist es notwendig,  $\log n$  zu kennen)
- Kombination aus drei Netzwerk-Strukturen
  1. Ein Ring für alle Knoten
    - Verkettet alle Knoten
  2. Für jede Ebene ein Ring
    - mit dem Intervall  $[0,1)$
  3. Das Butterfly-Netzwerk zwischen den Ebenen,
    - d.h. in Ebene  $i$  gibt es Links von  $(i,x)$  zu
      1. Nachfolger von  $(i+1, x)$
      2. Nachfolger von  $(i+1, x+2^{-i})$
      3. Vorgänger von  $(i-1, x)$



# Schätzung von $\log n$

---

- Betrachte Ringnachbar auf dem „Ring für alle“
- Sei  $d$  der Abstand auf dem Ring  $[0,1)$
- Dann gilt
  - $E[d] = 1/n$
  - $\Pr[d > c (\log n)/n] < n^{-O(1)}$
  - $\Pr[d < 1/n^{1+c}] < n^{-c}$
- Damit ist  $\log(1/d)$  mit hoher Wahrscheinlichkeit eine  $(1+\varepsilon)$ -Approximation von  $\log n$

# Einfügen eines Peers

---

1. Füge Knoten an zufälliger Stelle des „Rings für alle“ ein
  2. Schätze  $\log n$  ab durch Messen des Abstands zweier Peers
  3. Wähle zufällige Ebene  $i$  uniform aus  $[1, \dots, \log n]$  und  $x \in [0, 1)$
  4. Suche Stelle im ViceRoy-Netzwerk durch LookUp ausgehend vom Ringnachbarn
  5. Füge Peer in die Ebene  $i$  des ViceRoy-Netzwerks, indem
    - der Peer in den Ring  $i$  des Netzwerks eingefügt wird
    - die Ausgangszeiger von  $(i, x)$ 
      - Nachfolge-Peer der Position  $(i+1, x)$
      - Nachfolge-Peer der Position  $(i+1, x+2^{-i})$
      - Vorgänger-Peer der Position  $(i-1, x)$ausgehend von den Zeigern des Nachbarn im Ring  $i$  gesucht werden
- Laufzeit/Anzahl Nachrichten
    - Zeit von Lookup ( $O(\log n)$ ) +
    - Finden der Nachfolger/Vorgänger ( $O(\log n)$ )



# Suche

---

- Peer  $(i,x)$  erhält Suchanfrage nach  $(j,y)$ 
  - IF  $i=j$  und  $|x-y| \leq (\log n)^2/n$  THEN
    - Leite Suchanfrage auf Ringnachbar der Ebene  $i$  weiter
  - ELSE
    - IF  $y$  weiter rechts als  $x+2^i$  THEN
      - Leite Suchanfrage an Nachfolger von  $(i+1, x+2^i)$  weiter
    - ELSE
      - Leite Suchanfrage an  $Z =$  Nachfolger von  $(i+1, x)$  weiter
      - IF Nachfolger  $Z$  weiter rechts als  $x$  THEN
        - Suche auf dem Ring  $(i+1)$  von  $Z$  aus einen Knoten  $(i+1, p)$  mit  $p < x$

## ***Lemma***

Mit hoher Wahrscheinlichkeit benötigt Suche  $O(\log n)$  Zeit und Nachrichten



# Eigenschaften von ViceRoy

---

- Ausgangsgrad konstant
- Erwarteter Eingangsgrad konstant
- Durchmesser  $O(\log n)$
- Durch den Butterfly-Graphen kann die Kommunikationslast balanciert werden
  - In den Butterfly-Graphen können beliebige andere Graphen effizient eingebettet werden

# Die Sache mit dem Grad

---

- Ausgangsgrad:  $2+2+2+2 = 8$
- Bei perfekter Verteilung, d.h. Abstand zum Nachbarn  $\Theta(1/n)$ 
  - Eingangsgrad konstant
- Tatsächlich
  - Eingangsgrad: erwartet konstant
  - aber auch  $\Omega(\log n / \log \log n)$  kommt mit Wahrscheinlichkeit  $1-n^{-1}$  vor
- Problem:
  - Große Abstände auf dem Viceroy-Ring ziehen viele Links an
  - Kleine Abstände bombardieren die Ringnachbarn
- Lösung:
  - Ordne die Peers **nicht** durch Hashing zu
  - Verwende das Prinzip der mehrfachen Auswahl (multiple choice).

# Das Prinzip der mehrfachen Auswahl

---

- Beim Einfügen würfelt jeder Peer  $c \log n$  Positionen
- Für jede Position  $p(j)$  wird die Abstand  $a(j)$  zwischen potentiellen linken und rechten Nachbar gemessen
- Peer wird an einer Position  $p(j)$  in der Mitte zwischen linken und rechten Nachbarn eingefügt, wo  $a(j)$  maximal in der Auswahl ist

## ***Lemma:***

Mit hoher Wahrscheinlichkeit ist der Abstand zweier Peers in den  $\log n$  Viceroy-Ringen nur einen konstanten Faktor größer oder kleiner als der durchschnittliche Abstand  $(\log n)/n$ .



# Beweis der Korrektheit des Prinzips der mehrfachen Auswahl

---

## **Lemma**

Nach dem Einfügen von  $n$  Peers auf einem Ring  $[0,1)$ , wobei das Prinzip der mehrfachen Auswahl angewendet wird, bleiben nur Intervalle der Größe  $1/(2n)$ ,  $1/n$  und  $2/n$  übrig.

1. Teil: *Mit hoher W'keit gibt es kein Intervall länger als  $2/n$ :*

**Beweis** folgt aus folgenden Lemma:

## **Lemma \*\***

Sei das längste Intervall  $c/n$  ( $c$  kann von  $n$  abhängen).

Dann sind nach Einfügen von  $2n/c$  Peers alle Intervalle kürzer als  $c/(2n)$  mit hoher W'keit.

Wendet man dieses Lemma für  $c=n/2, n/4, \dots, 4$  an, folgt der erste Teil des Lemmas

# Beweis der Korrektheit des Prinzips der mehrfachen Auswahl

---

## **Lemma**

Nach Einfügen von  $n$  Peers auf einem Ring  $[0,1)$ , wobei das Prinzip der mehrfachen Auswahl angewendet wird, bleiben nur Intervalle der Größe  $1/(2n)$ ,  $1/n$  und  $2/n$  übrig.

## **Beweis**

2. Teil: Keine Intervalle kleiner als  $1/(2n)$  entstehen

Die Gesamtlänge der Intervalle der Größe  $1/(2n)$  ist vor jedem Einfügen höchstens  $n/2$

Ein solches Intervall wird mit Wahrscheinlichkeit höchstens  $1/2$  gewählt

Die Wahrscheinlichkeit, dass unter  $c \log n$  Intervallen nur solche gewählt werden, ist

$$2^{-c \log n} = n^{-c}$$

Damit wird für  $c > 1$  mit polynomiell kleiner Wahrscheinlichkeit ein Intervall der Länge  $1/(4m)$  weiter unterteilt.

# Chernov-Schranke

---

- Bernoulli-Experiment
  - Entweder 0 mit Wahrscheinlichkeit  $1-p$
  - Oder 1 mit Wahrscheinlichkeit  $p$

## Theorem 3 Chernoff-Schranke

Seien  $x_1, \dots, x_n$  unabhängige Bernoulli-Experimente mit  $\mathbf{P}[x_i = 1] = p$  und  $\mathbf{P}[x_i = 0] = 1 - p$ . Sei  $S_n = \sum_{i=1}^n x_i$ .  $\mathbf{E}[S_n] = p n$

1. Dann gilt für jedes  $c \in [0, 1]$  :

$$\mathbf{P}[S_n \geq (1 + c)\mathbf{E}[S_n]] \leq e^{-\frac{c^2}{3}pn} .$$

2. Für  $c \in [0, 1]$  :

$$\mathbf{P}[S_n \leq (1 - c)\mathbf{E}[S_n]] \leq e^{-\frac{c^2}{2}pn} .$$

# Beweis von Lemma ( $\triangle\triangle$ )

---

Sei das längste Intervall  $c/n$  ( $c$  kann von  $n$  abhängen). Dann sind nach Einfügen von  $2n/c$  Peers alle Intervalle kürzer als  $c/(2n)$  mit hoher W'keit.

- Betrachte ein Intervall der Länge  $c/n$
- Mit W'keit  $c/n$  wird ein solches Intervall von einem Peer getroffen
- Angenommen es werden für jeden Peer  $t \log n$  Intervalle untersucht
- Die erwartete Anzahl von Treffern in diesem Intervall ist also

$$E[X] = \frac{c}{n} \cdot \frac{2n}{c} \cdot t \log n = 2t \log n$$

- Die Chernov-Schranke liefert dann:

$$P[X \leq (1 - \delta)E[X]] \leq n^{-\delta^2 t}$$

- Ist  $\delta^2 t \geq 2$ , werden alle diese Intervalle mindestens  $2(1 - \delta)t \log n$ -mal getroffen
- Jedesmal, wenn ein Intervall geteilt wird, gab es  $t \log n$  (zusätzliche) Treffer
- Wir wählen  $2(1 - \delta) \geq 1$
- Dann wird jedes Intervall (mit hoher W'keit) der Länge  $c/n$  geteilt.

# Resumee ViceRoy

---

- Butterfly-Graph
  - für Routing sehr gut geeignet
  - viele erprobte, gute Algorithmen bekannt
- Erstes Peer-to-Peer-Netzwerk mit konstantem Ein- und Ausgangsgrad
- Aber:
  - Mehrfache Ringstruktur relativ kompliziert
  - Durch das Prinzip der mehrfachen Auswahl ist der Aufwand zum Einfügen  $O((\log n)^2)$
  - Das Prinzip der mehrfachen Auswahl kann auch bei DeBruijn-Netzwerken angewendet werden
    - Diese sind wesentlich einfacher
    - Haben die gleichen Netzwerkeigenschaften



**Ende**

